

Dotkněte se inovací CZ.1.07/1.3.00/51.0024

Goniometrické funkce

Jméno a příjmení autora: Ing. Jaroslava Pokorná

Škola: Základní škola, Klášterec nad Ohří, Krátká 676, okres Chomutov

IČ: 46787488

Anotace: Opakování goniometrických funkcí v 9. ročníku. K procvičení a upevnění učiva.

Klíčová slova: P08_dotkin, goniometrické funkce

Předmět: Matematika

Ročník: 9. ročník

Téma: Goniometrické funkce

Obsah: Příklady k opakování goniometrických funkcí

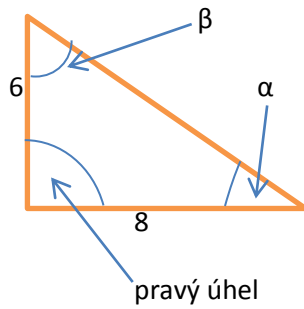
Cíl: Upevnění probraného učiva

Forma: písemná

Pomůcky: matematické tabulky

Zdroje: PaedDr. Jana Coufalová, CSc., Mgr. Šárka Pěchoučková, RNDr. Jiří Hejl, Mgr. Miroslav Lávička, Ph. D., Matematika pro devátý ročník základní školy, první vydání, Fortuna 2000, počet stran 252, ISBN 80-7168-731-6

1. Dopočítej chybějící stranu a urči $\sin \alpha$, $\sin \beta$, $\text{tg } \alpha$, $\text{tg } \beta$



2. Pomocí tabulek doplň chybějící údaje:

α				$13^{\circ}20'$	$49^{\circ}50'$
$\sin \alpha$	0,5		0,866		
$\text{tg } \alpha$		1			

3. Vypočítejte obvod a obsah pravoúhlého trojúhelníka ABC ($\gamma = 90^{\circ}$), jestliže platí:

$\beta = 30^{\circ}20'$, $b = 2,4$ cm. Nezapomeňte na náčrtek.

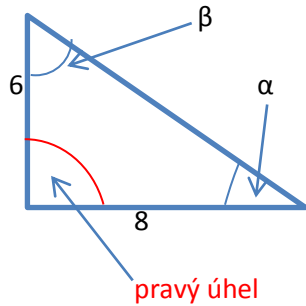
4. Žebřík dlouhý 3m je opřen o zed' tak, že jeho pata je vzdálena od zdi 1,5 m.

Jaký úhel svírá žebřík se zdí?

5. Jak vysoko vystoupí letadlo letící rychlostí 250 km/h za 15 minut, jestliže stoupá pod úhlem $7^{\circ}30'$?

ŘEŠENÍ:

1. Dopačítej chybějící stranu a urči $\sin \alpha$, $\sin \beta$, $\text{tg } \alpha$, $\text{tg } \beta$



Pythagorova věta:

$$c^2 = 6^2 + 8^2$$

$$c^2 = 36 + 64$$

$$c^2 = 100 \quad /\sqrt{}$$

$$c = 10$$

$$\sin \alpha = \frac{6}{10} = \frac{3}{5} \quad \sin \beta = \frac{8}{10} = \frac{4}{5} \quad \text{tg } \alpha = \frac{6}{8} = \frac{3}{4} \quad \text{tg } \beta = \frac{8}{6} = \frac{4}{3}$$

5b

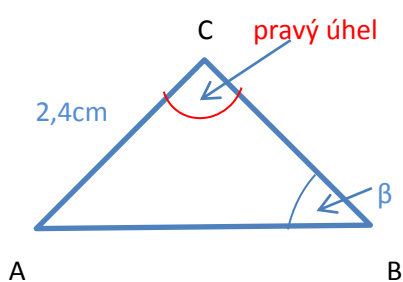
2. Pomocí tabulek doplň chybějící údaje:

α	30°	45°	60°	$13^\circ 20'$	$49^\circ 50'$
$\sin \alpha$	0,5	0,707	0,866	0,2306	0,7642
$\text{tg } \alpha$	0,5773	1	1,732	0,2370	1,1847

5b

3. Vypočítejte obvod a obsah pravoúhlého trojúhelníka ABC ($\gamma = 90^\circ$), jestliže platí:

$\beta = 30^\circ 20'$, $b = 2,4$ cm. Nezapomeňte na náčrtek.



$$\text{tg } 30^\circ 20' = \frac{2,4}{a}$$

$$\sin 30^\circ 20' = \frac{2,4}{c}$$

$$0,5851 = \frac{2,4}{a}$$

$$0,505 = \frac{2,4}{c}$$

$$a = \frac{2,4}{0,5851} = 4,1 \text{ cm}$$

$$c = \frac{2,4}{0,505} = 4,75 \text{ cm}$$

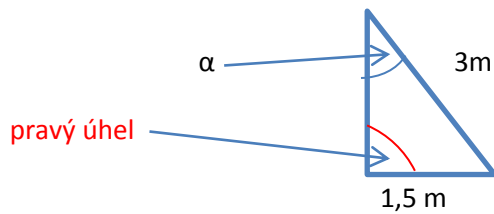
Obvod: $o = a + b + c = 2,4 + 4,1 + 4,75 = 11,25$ cm

Obsah: $S = \frac{a \cdot b}{2} = \frac{9,84}{2} = 4,92$ cm²

6,5b

4. Žebřík dlouhý 3m je opřen o zeď tak, že jeho pata je vzdálena od zdi 1,5 m.

Jaký úhel svírá žebřík se zdí?

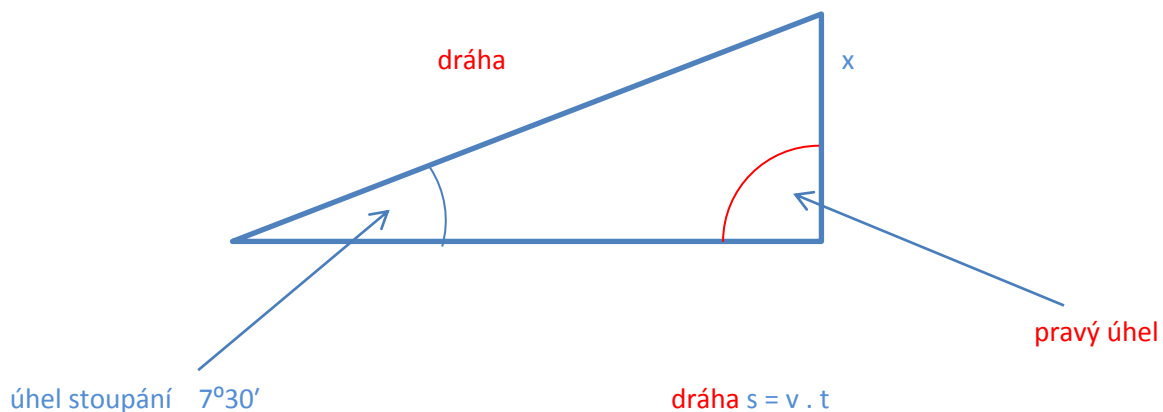


$$\sin \alpha = \frac{1,5}{3} = 0,5 = 30^\circ$$

Žebřík svírá se zdí úhel 30° .

3b

5. Jak vysoko vystoupí letadlo letící rychlostí 250 km/h za 15 minut, jestliže stoupá pod úhlem $7^\circ 30'$?



$$s = 250 \cdot \frac{1}{4} h = 62,5 \text{ km}$$

$$\sin 7^\circ 30' = \frac{x}{62,5}$$

$$0,1305 = \frac{x}{62,5}$$

$$x = 0,1305 \cdot 62,5$$

$$x = 8,156 \text{ km}$$

Letadlo vystoupí do výšky 8,156 km.

5b

Hodnocení:

1)	21b – 24,5b	1
2)	16b – 20,5b	2
3)	10b – 15,5b	3
4)	5b – 9,5b	4
5)	0b – 4,5b	5